

UNIVERZITET U BEOGRADU  
SAOBRAĆAJNI FAKULTET

**Dr Branka DIMITRIJEVIĆ**

**VIŠEATRIBUTIVNO  
ODLUČIVANJE**  
– primene u saobraćaju i transportu

BEOGRAD  
2023.

Recenzenti:	dr Katarina Vukadinović dr Milan Stanojević
Za izdavača:	dr Nebojša Bojović, dekan
Glavni i odgovorni urednik:	dr Marijana Petrović
Tehnički urednik:	Gordana Marjanović
Korice:	Predrag S. Zdravković
Izdavač:	Univerzitet u Beogradu – Saobraćajni fakultet, Vojvode Stepe 305; telefon: 011 3976 017; faks: 011 3096 704; <a href="http://www.sf.bg.ac.rs">http://www.sf.bg.ac.rs</a>
Priprema:	Izdavačka delatnost Saobraćajnog fakulteta; telefon: 011 3091 344; <a href="mailto:idsf@sf.bg.ac.rs">idsf@sf.bg.ac.rs</a> ; (skriptarnica) <a href="mailto:sfknjige@sf.bg.ac.rs">sfknjige@sf.bg.ac.rs</a>
Štampa:	Birograf Comp d.o.o Beograd, Atanasija Pulje 22, 11080 Zemun, telefon: 30750–55; faks: 2194–752, <a href="mailto:office@birograf.rs">office@birograf.rs</a> ; <a href="http://www.birograf.rs">http://www.birograf.rs</a>
Tiraž:	100 primeraka

ISBN 978–86–7395–464–6

Na osnovu odluke Uređivačkog odbora Saobraćajnog fakulteta Univerziteta u Beogradu broj 95/2 od 20. januara 2023. godine, odobrava se za upotrebu na osnovnim studijama u nastavi kao osnovni udžbenik za predmet „Uvod u teoriju odlučivanja”, i na master studijama za predmete „Višekriterijumsko odlučivanje” i „Višeatributivno odlučivanje u saobraćaju i transportu”.

Izdavač zadržava sva prava. Reprodukција pojedinih delova ili celine ove publikacije nije dozvoljena

# SADRŽAJ

---

<b>PREDGOVOR .....</b>	<b>9</b>
<b>1 UVOD.....</b>	<b>11</b>
1.1 O odlučivanju.....	13
1.2 O višekriterijumskom odlučivanju.....	18
<b>2 POJMOVI I KONCEPTI MADM .....</b>	<b>25</b>
2.1 Alternative.....	25
2.2 Kriterijumi.....	27
2.3 Vrednovanje alternativa po kriterijumima .....	29
2.4 Tabela odlučivanja .....	31
2.5 Pristupi rešavanju MADM problema .....	32
2.6 Normalizacija .....	35
2.7 Određivanje težina kriterijuma.....	45
2.7.1 Metoda dodeljivanja bodova.....	46
2.7.2 Metoda direktnog određivanja težina .....	46
2.7.3 Metoda odnosa težina .....	47
2.7.4 Metoda promenljivih težina .....	48
2.7.5 Metode rangiranja .....	49
2.7.6 Metoda poređenja po parovima .....	52
2.7.7 Metoda jednakih težina .....	52
2.7.8 Metoda entropije .....	52
2.7.9 Metoda standardnog odstupanja .....	55
2.7.10 CRITIC metoda.....	55
2.8 Grupno donošenje odluka .....	57
2.8.1 Agregacija vektora prioriteta .....	59
2.8.2 Kompatibilnost u grupnom donošenju odluka.....	59

<b>3</b>	<b>MADM METODE.....</b>	<b>65</b>
3.1	Metoda dominacije.....	65
3.1.1	Algoritam.....	66
3.1.2	Ilustrativni primer za prikaz metode dominacije.....	67
3.2	Maksimim metoda.....	68
3.2.1	Algoritam.....	69
3.2.2	Ilustrativni primer za prikaz maksimin metode.....	70
3.3	Maksimaks metoda.....	70
3.3.1	Algoritam.....	71
3.3.2	Ilustrativni primer za prikaz maksimaks metode.....	72
3.4	Hurvicova metoda.....	72
3.4.1	Algoritam.....	73
3.4.2	Ilustrativni primer za prikaz Hurvicove metode.....	73
3.5	Konjuktivna metoda.....	74
3.5.1	Algoritam.....	75
3.5.2	Ilustrativni primer za prikaz konjuktivne metode.....	76
3.6	Disjunktivna metoda.....	77
3.6.1	Algoritam.....	78
3.6.2	Ilustrativni primer za prikaz disjunktivne metode.....	79
3.7	Leksikografska metoda.....	80
3.7.1	Algoritam.....	81
3.7.2	Ilustrativni primer za prikaz leksikografske metode.....	83
3.8	Metoda eliminacije po aspektima.....	84
3.8.1	Algoritam.....	85
3.8.2	Ilustrativni primer za prikaz metode eliminacije po aspektima.....	88
3.9	SAW metoda.....	89
3.9.1	Algoritam.....	91
3.9.2	Ilustrativni primer za prikaz SAW metode.....	92
3.9.3	Primena SAW metode.....	98
3.10	AHP metoda.....	98
3.10.1	Hijerarhijska struktura.....	100
3.10.2	Poređenje po parovima i fundamentalna skala.....	102
3.10.3	Metoda sopstvenog vektora za određivanje relativnih težina.....	106
3.10.4	Aproksimativna metoda za određivanje relativnih težina.....	108
3.10.5	Merenje konzistentnosti – Indeks konzistentnosti.....	109
3.10.6	Određivanje ranga alternativa.....	110
3.10.7	Klasterizacija i homogenost – Proširenje Satijeve skale sa 1-9 na $1-\infty$ .....	110
3.10.8	Algoritam.....	113
3.10.9	Ilustrativni primer za prikaz AHP metode.....	113
3.10.10	Grupno odlučivanje AHP metodom.....	123

3.10.11 BOCR modeli.....	124
3.10.12 AHP Sort.....	126
3.10.13 Primena AHP metode .....	127
3.11 TOPSIS metoda.....	128
3.11.1 Algoritam .....	129
3.11.2 Ilustrativni primer za prikaz TOPSIS metode.....	131
3.11.3 Primena TOPSIS metode .....	137
3.12 VIKOR metoda .....	138
3.12.1 Algoritam .....	140
3.12.2 Ilustrativni primer za prikaz VIKOR metode .....	142
3.12.3 Primena VIKOR metode.....	144
3.13 PROMETHEE metode .....	146
3.13.1 Funkcija preferencije .....	147
3.13.2 Indeksi preferencije i tokovi dominacije .....	151
3.13.3 Algoritam .....	153
3.13.4 PROMETHEE I.....	154
3.13.5 PROMETHEE II.....	154
3.13.6 PROMETHEE GAIA.....	156
3.13.7 PROMETHEE III.....	160
3.13.8 PROMETHEE IV .....	161
3.13.9 PROMETHEE V.....	162
3.13.10 PROMETHEE VI .....	162
3.13.11 PROMETHEE FlowSort.....	164
3.13.12 PROMETHEE GDSS .....	166
3.13.13 Ilustrativni primer za prikaz PROMETHEE metoda.....	168
3.13.14 Primena PROMETHEE metoda .....	176
<b>4 PRIMERI PRIMENE MADM U SAOBRAĆAJU .....</b>	<b>179</b>
4.1 Primena TOPSIS i SAW metoda na izbor lokacije hab aerodroma .....	179
4.2 Primena VIKOR metode u grupnom donošenju odluke o izboru pogona autobusa u javnom gradskom transportu putnika .....	190
4.3 Primena AHP metode u grupnom donošenju odluke o logističkom i transportnom rešenju u pomorskoj luci.....	197
4.4 Primena PROMETHEE metode u grupnom donošenju odluke o trasi naftovoda i gasovoda u basenu Kaspijskog jezera .....	212
<b>REČNIK POJMOVA .....</b>	<b>221</b>
<b>LITERATURA.....</b>	<b>225</b>
<b>BELEŠKA O AUTORU.....</b>	<b>235</b>



## PREDGOVOR

---

Višeatributivno odlučivanje se, kao deo relativno nove naučne discipline Višekriterijumsko odlučivanje, bavi diskretnim problemima odlučivanja gde se rešenje bira iz konačnog, unapred definisanog, skupa potencijalnih rešenja, na osnovu većeg broja raznorodnih i često konfliktnih kriterijuma.

Brojne su oblasti ljudskog delovanja u kojima ova naučna disciplina nalazi primenu, a jedna od značajnijih je i oblast Saobraćaja, transporta, logistike i komunikacija, pre svega zbog svoje multidisciplinarne prirode, ali i zbog postojanja više zainteresovanih strana u većini problema iz ovog domena.

Ova knjiga je namenjena teoretičarima i praktičarima, studentima i donosiocima odluka, odnosno svima onima koji su zainteresovani za oblast Višeatributivnog odlučivanja i koji imaju odgovarajuća predznanja za njeno razumevanje. Kako je pisana kao udžbenik za inženjere saobraćaja, težnja je bila da se, pre svih, uvažavaju njihova predznanja i potrebe za novim znanjima, traženjem prave mere u predstavljanju filozofske i matematičke pozadine ove naučne discipline sa jedne strane i praktičnih primera njene primene, sa druge.

Osnovni je udžbenik za predmet Višekriterijumsko odlučivanje, odnosno Višeatributivno odlučivanje u saobraćaju i transportu, na master akademskim studijama, čiji sadržaj u potpunosti pokriva, kao i za predmete Uvod u teoriju odlučivanja i Odabrana poglavlja operacionih istraživanja, na osnovnim akademskim studijama, odnosno Sistemi za podršku odlučivanju u saobraćaju i transportu, na doktorskim akademskim studijama, čije sadržaje delimično pokriva.

Iako u domaćoj literaturi ovo nije prva knjiga u oblasti Višekriterijumskog odlučivanja, ona je jedinstvena po sadržaju i načinu na koji je sistematizovana materija u oblasti koju pokriva, kao i po brojnim ilustrativnim i praktičnim primerima primene u domenu saobraćaja, transporta, logistike i komunikacija, iz referentne literature.

Srdačno se zahvaljujem recenzentima, cenjenim i dragim kolegama: prof. dr Katarini Vukadinović sa Saobraćajnog fakulteta i prof. dr Milanu Stanojeviću sa Fakulteta organizacionih nauka, na savetima za poboljšanje originalnog rukopisa. Njihove sugestije su mi bile dragocene.

Takođe se zahvaljujem kolegama: prof. dr Miloradu Vidoviću, prof. dr Milici Kalić, doc. dr Tatjani Krstić – Simić, doc. dr Vladimiru Momčiloviću i doc. dr Sanjinu Milinkoviću, na čitanju delova rukopisa i pomoći oko stručne terminologije vezane za pojedine vidove saobraćaja. Prof. dr Tini Dašić sa Građevinskog fakulteta zahvaljujem se na softveru za VIKOR metodu.

Posebnu zahvalnost dugujem prof. dr Radivoju Petroviću koji me je svojevremeno uveo u oblast Višekriterijumskog odlučivanja i zainteresovao za ovu naučnu disciplinu.

Svojim najbližima, porodici i prijateljima, zahvaljujem se na ljubavi, razumevanju, strpljenju i nesebičnoj podršci koju su mi pružali tokom pisanja ove knjige.

#### **Izvod iz recenzije**

*Rukopis pokriva materiju za koju na našem jeziku nije postojala adekvatna literatura. Od izuzetne je važnosti. Preporučujem objavljivanje rukopisa u obliku osnovnog udžbenika.*

Prof. dr Katarina Vukadinović

*Ovaj udžbenik pokriva materiju za koju na našem jeziku nije postojala adekvatna literatura. Preporučujem njegovo izdavanje.*

Prof. dr Milan Stanojević